

Курсы ГИА-9 кл.

ЛУЧШАЯ ПОДГОТОВКА –

– РАЗНЫЕ РЕШЕНИЯ

ЗАДАЧА

На боковой стороне AB равнобедренного треугольника как на диаметре построена окружность. Окружность пересекает основание AC в точке M и боковую сторону CB в точке N . Найдите периметр треугольника MNC , если $AB = 10$, $AC = 8$.

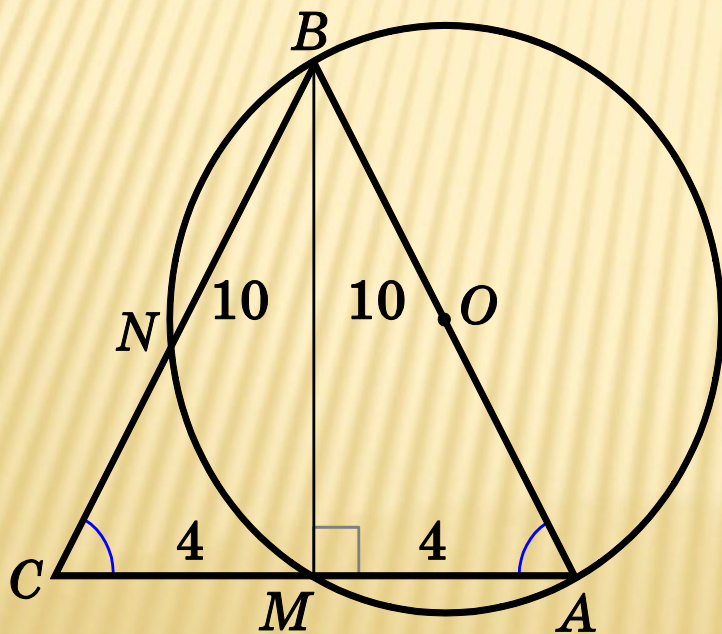
Решение. $P_{\triangle MNC} = CM + CN + MN$

1. Найдем СМ.

The diagram shows a triangle ABC with a circle passing through vertices B and A . The center of the circle is O . A vertical line segment BM is drawn from B to the base AC , meeting AC at M . The segment BM is labeled 10 . The segment OM is labeled 4 . The segment CM is labeled 4 . The segment AM is labeled 4 . The angle C is marked with a blue arc. The angle A is marked with a blue arc. A right angle symbol is shown at M .

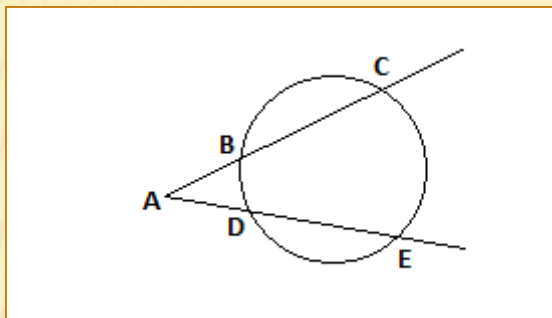
Способ I

2. Найдем сторону CN треугольника MNC . Это можно сделать несколькими способами.

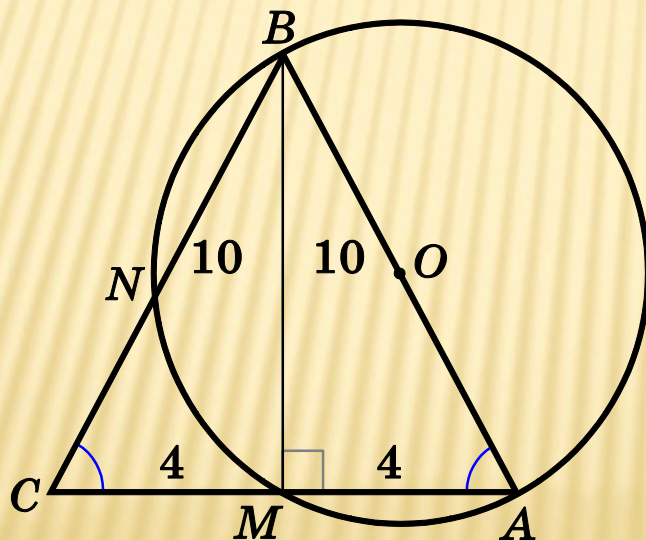


Способ А

По свойству отрезков секущих.

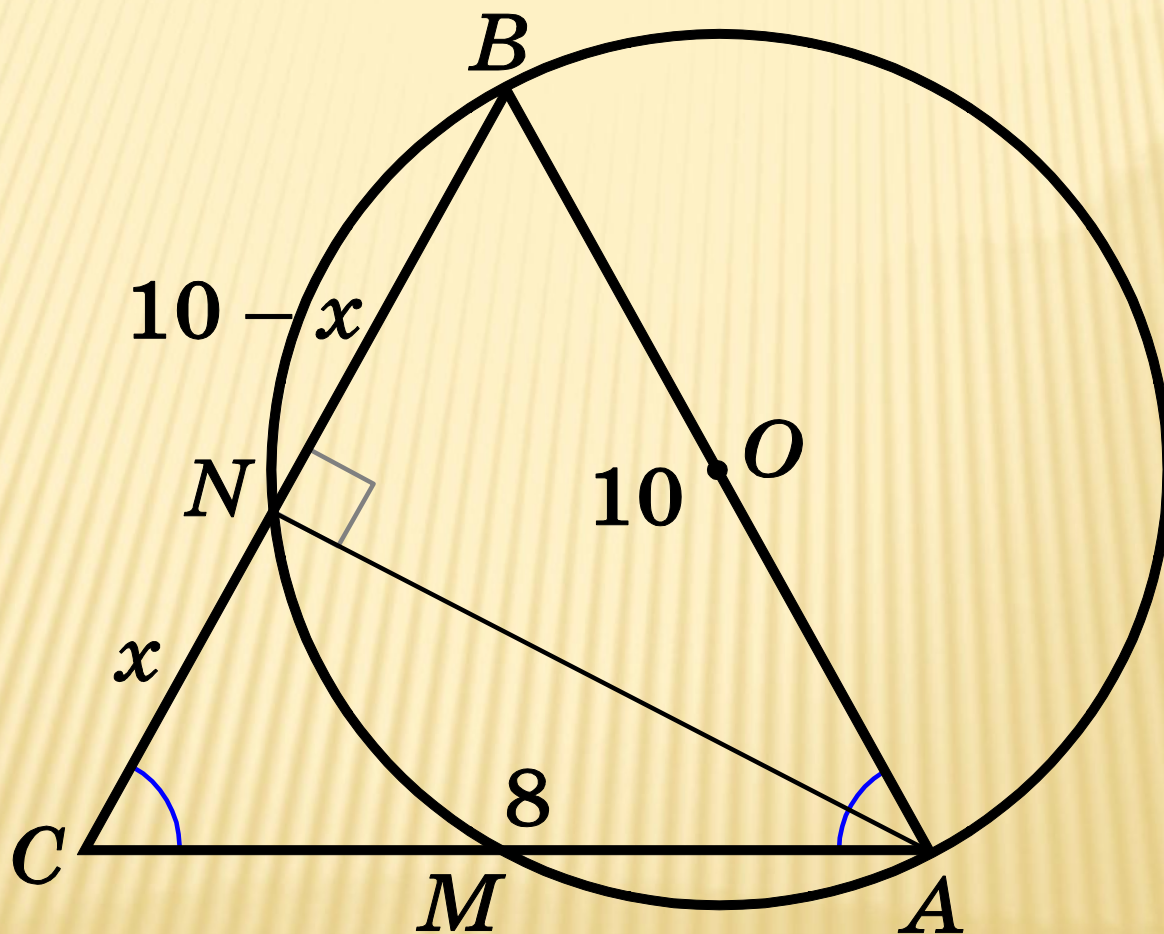


Если из точки, лежащей вне окружности, проведены две секущие, то произведение одной секущей на её внешнюю часть равно произведению другой секущей на её внешнюю часть

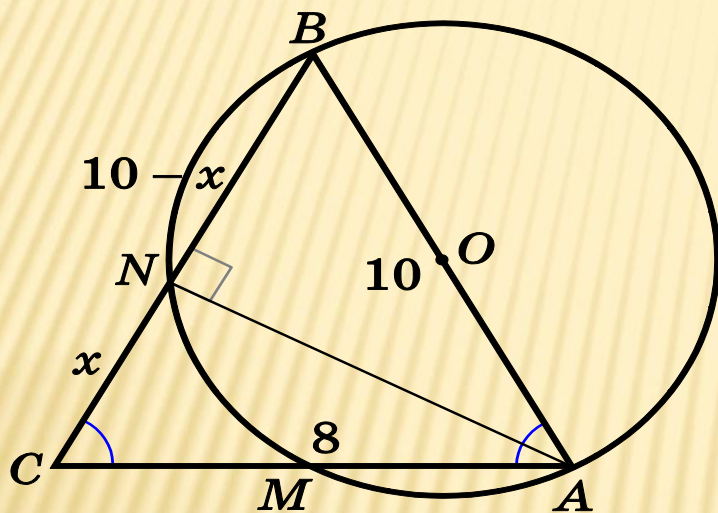
$$AB \cdot AC = AD \cdot AE$$


$$\begin{aligned} \text{CN} \cdot \text{BC} &= \text{CM} \cdot \text{CA} \\ \text{CN} &= (\text{CM} \cdot \text{CA}) : \text{BC} \\ \text{CN} &= 3,2 \end{aligned}$$

Способ Б



СПОСОБ Б



Проведем AN

1) $\triangle ANB$ – прямоугольный, т.к. угол ANB опирается на диаметр

2) Пусть $NC = x$, тогда $BN = 10 - x$.

По теореме Пифагора

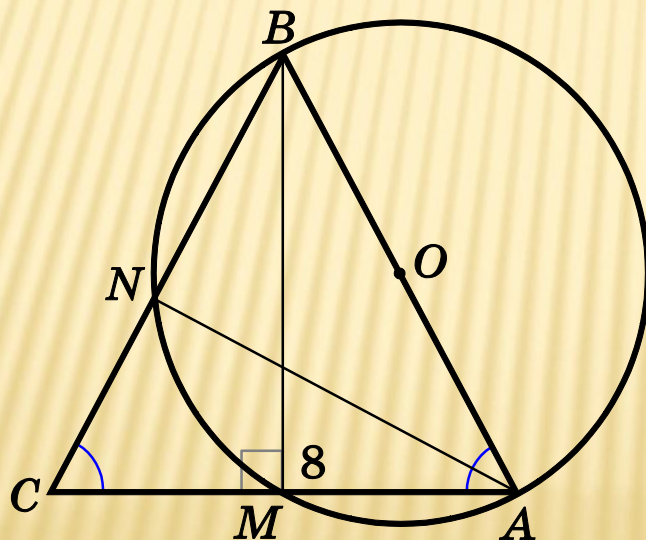
$$\triangle ABN: AN^2 = 100 - (10 - x)^2$$

$$\triangle ANC: AN^2 = 64 - x^2$$

$$x = NC = 3,2$$

Способ В

В прямоугольном треугольнике АВМ найдем длину катета ВМ по теореме Пифагора



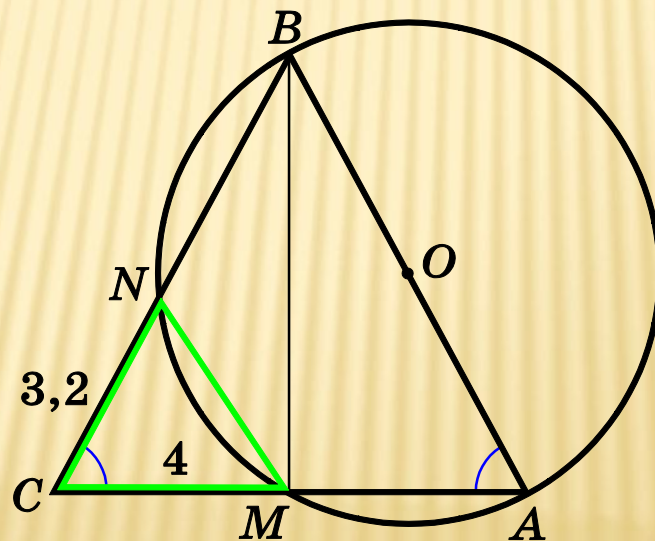
$$BM^2 = 10^2 - 4^2 = 84; \quad BN = 2\sqrt{21}$$

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} BM \cdot AC$$
$$S_{ABC} = \frac{1}{2} BC \cdot AN$$

$\triangle ACN$ – прямоугольный,
 $NC = 3,2$

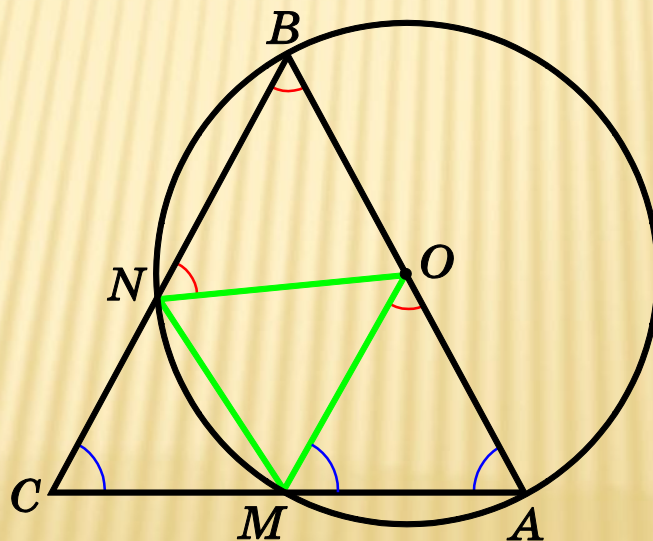
Способ I

3. Найдем сторону MN и периметр треугольника MNC .



Способ II

(подобие треугольников, внешний угол треугольника, центральные углы).



Способ III

(средняя линия треугольника, теорема Фалеса, свойства параллельных прямых, центральные и вписанные углы, теорема синусов).

